

## Programmation Linéaire.

### Corrigé Examen final et Contrôle 2020 – 2021

**Contrôle :**

1.

$$Max \quad Z = 5x_1 + 3x_2 + 6x_3$$

$$(P) = \begin{aligned} & 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 \leq 480 \\ & 6x_1 + 12x_2 + 3x_3 \leq 600 \\ & x_1, x_2, x_3 \geq 0 \end{aligned}$$

2. Standardisation de (P)

$$Max \quad Z = 5x_1 + 3x_2 + 6x_3 + 0x_4 + 0x_5$$

$$(P) = \begin{aligned} & 2x_1 + 4x_2 + 3x_3 + x_4 = 480 \\ & 6x_1 + 12x_2 + 3x_3 + x_5 = 600 \\ & x_1, x_2, x_3, x_4, x_5 \geq 0 \end{aligned}$$

3.  $C_5^2 = \frac{5!}{2!3!} = 10$

4.

$C_j$			
$C_B$	Var de base	Sol de base	
↗			
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z = 0$	

$C_j$			
$C_B$	Var de base	Sol de base	
↗			
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z = 960$	

$C_j$			
$C_B$	<b>Var de base</b>		<b>Sol de base</b>
$Z_j$		<b><math>Z = 990</math></b>	
$C_j - Z_j$			

$$x^* \quad 30,0,140 \quad Z^* = 990$$

### Examen

#### Exercice 1:

$$\text{Min} \quad Z = 12 x_1 + 20 x_2$$

$$(P) = \begin{aligned} 6x_1 + 10x_2 &\geq 60 \\ 8x_1 + 25x_2 &\geq 200 \\ 2x_1 + 8x_2 &\leq 80 \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

#### 1. Standardisation de (P)

$$\text{Min} \quad Z = 12 x_1 + 20 x_2 + 0 x_3 + 0 x_4 + 0 x_5 + x_6 + x_7$$

$$(P) = \begin{aligned} 6x_1 + 10x_2 - x_3 + x_6 &= 60 \\ 8x_1 + 25x_2 - x_4 + x_7 &= 200 \\ 2x_1 + 8x_2 + x_5 &= 80 \\ x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7 &\geq 0 \end{aligned}$$

#### 2. Résolution par l'algorithme du simplexe, méthode des deux phases

##### Phase I :

$$(P) = \begin{aligned} \text{Min} \quad Z^* &= x_6 + x_7 \\ 6x_1 + 10x_2 - x_3 + x_6 &= 60 \\ 8x_1 + 25x_2 - x_4 + x_7 &= 200 \\ 2x_1 + 8x_2 + x_5 &= 80 \\ x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7 &\geq 0 \end{aligned}$$

Tableau 0

$C_j$		
$C_B$ Var de base	▼	
→		
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z^* = 260$

Tableau 1

$C_j$		
$C_B$ Var de base	▼	
→		
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z^* = 50$

Tableau 2

$C_j$		
$C_B$ Var de base		
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z^* = 0$

## Phase II

Tableau 1

$C_j$		
$C_B$ Var de base	▼	
→		
$Z_j$ $C_j - Z_j$		$Z = 160$

Tableau 2

$C_j$		
$C_B$	<b>Var de base</b>	
	▼	
↗		
$C_j - Z_j$		<b><math>Z = 300</math></b>

Tableau 3

$C_j$		
$C_B$	<b>Var de base</b>	
$C_j - Z_j$		<b><math>Z = 480</math></b>

$$x^* \quad 0,0$$

$$z^* = 990$$

### Exercice 2:

$$\text{Min} \quad Z = 3x_1 + 2x_2$$

$$(P) = \begin{aligned} 3x_1 + 6x_2 &= 24 \\ 11x_1 - 2x_2 &\leq 200 \\ 2x_1 + 8x_2 &\leq 80 \\ x_1, x_2 &\geq 0 \end{aligned}$$

#### 1. Standardisation de (P)

$$\text{Min} \quad Z = 3x_1 + 2x_2 + 0x_3 + 0x_4$$

$$(P) = \begin{aligned} 3x_1 + 6x_2 + x_4 &= 24 \\ 11x_1 - 2x_2 + x_3 &= 40 \\ x_1, x_2, x_3, x_4 &\geq 0 \end{aligned}$$

#### 2. Résolution par l'algorithme du simplexe, méthode des deux phases

Phase I :

$$\text{Min} \quad Z^* = x_4$$

$$(P) = \begin{aligned} 3x_1 + 6x_2 + x_4 &= 24 \\ 11x_1 - 2x_2 + x_3 &= 40 \\ x_1, x_2, x_3, x_4 &\geq 0 \end{aligned}$$

**Tableau 0**

$C_j$		
$C_B$	<b>Var de base</b>	
$C_j - Z_j$		$Z^* = 24$

**Tableau 1**

$C_j$		
$C_B$	<b>Var de base</b>	